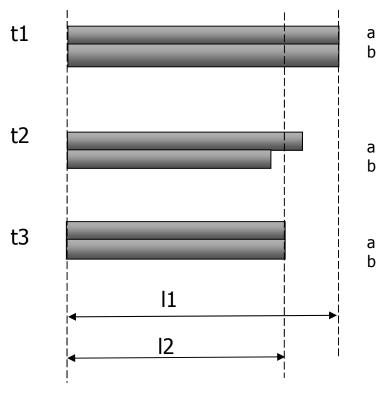
## Tensioni termiche di ritiro e residue

Durante il raffreddamento di un getto si generano necessariamente gradienti termici che porterebbero zone contigue ad avere, allo stesso tempo, lunghezze diverse. Ciò non è possibile per la congruenza alla deformazione e quindi, per mantenere la stessa lunghezza in ogni istante queste zone del materiale devono essere assoggettate a sollecitazioni, di compressione o di trazione a seconda del gradiente di temperatura. Dal momento che la resistenza alla deformazione dei materiali è modesta, ad alta temperatura, allora si possono avere deformazioni permanenti ed anche rotture.

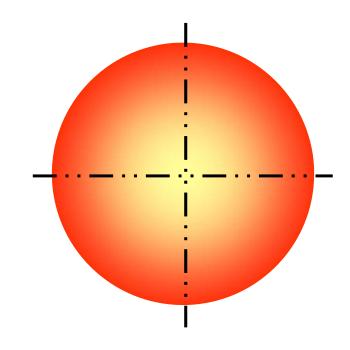


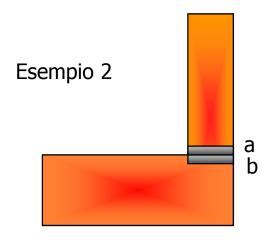




### Esempio 1: sfera piena

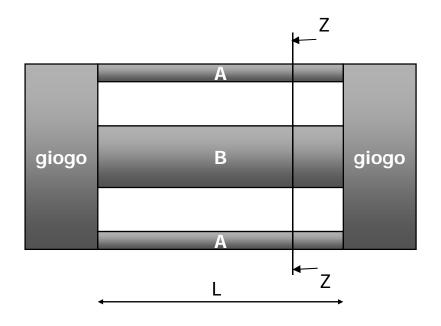
La zona esterna si raffredda più velocemente dell'interno e quindi si vorrebbe contrarre, ma ciò non è possibile e quindi viene sollecitata a trazione per mantenere in ogni istante una lunghezza uguale (congruente) con la parte interna

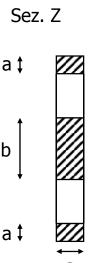




L'elemento a si raffredda più velocemente dell'elemento b e quindi si vorrebbe contrarre maggiormente, ma ciò non e' possibile e quindi viene sollecitato a trazione per mantenere in ogni istante una lunghezza uguale (congruente) con la parte b

Esempio 3





La quantità di calore smaltita per conduzione è

$$\Delta Q \propto S \cdot (T - T_{ambiente}) \Delta t$$

l'abbassamento di temperatura è

$$\Delta T \propto \frac{\Delta Q}{\rho V} \propto \left(\frac{1}{V}S\right) \cdot \left(T - T_{ambiente}\right) \Delta t = \frac{1}{M} \cdot \left(T - T_{ambiente}\right) \Delta t$$

$$\frac{V_A}{S_A} = \frac{a^2 L}{2 \cdot 2a \cdot L} = \frac{a}{4}$$

Nel nostro caso:

$$\frac{V_B}{S_B} = \frac{a \cdot b \cdot L}{2 \cdot (a+b) \cdot L} = \frac{a \cdot b}{2 \cdot (a+b)}$$

quindi

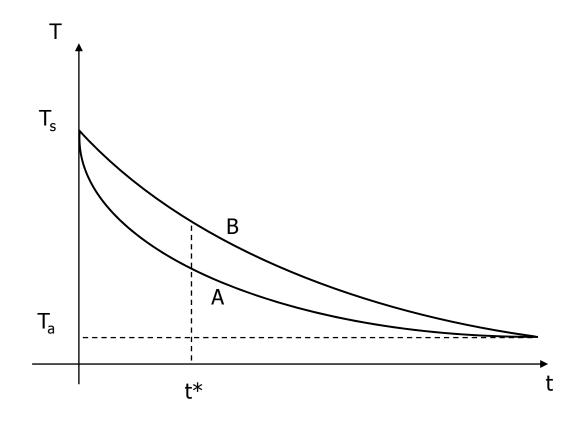
$$\frac{M_B}{M_A} = \frac{2}{\frac{a}{b} + 1}$$

 $per b \square a \rightarrow \frac{M_B}{M_A} \square 2$ 

la parte A si raffredda molto più velocemente



#### considerando le condizioni al contorno:



All'inizio A ai raffredda più di B

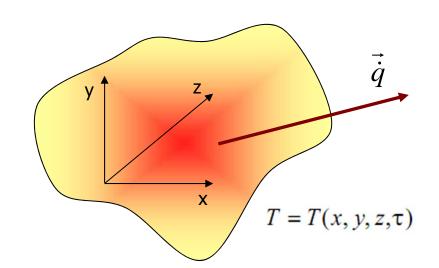
Poiché verso la fine del raffreddamento il ΔT di A è molto piccolo, da un punto in poi (tempo t\*) B si raffredda più velocemente, pur avendo modulo maggiore.

In quel momento le velocità di raffreddamento sono uguali

Alla fine del raffreddamento la due parti devono avere la stessa T Analiticamente:

Flusso termico:

$$\left[\dot{q}\right] = \frac{W}{m^2}$$



Legge di Fourier:  $\vec{q} = -\lambda \cdot grad(T)$ 

$$\vec{q} = -\lambda \cdot grad(T)$$

$$grad(T) = \frac{\partial T}{\partial x}\vec{i} + \frac{\partial T}{\partial y}\vec{j} + \frac{\partial T}{\partial z}\vec{k}$$

dove:

$$[\lambda] = \frac{W/m^2}{K/m} = \frac{W}{mK}$$
 coefficiente di conducibilità termica

$$\lambda = \lambda_0 (1 + \beta T)$$

varia con la temperatura

Nel caso monodimensionale:

$$\dot{q} = -\lambda \cdot \frac{dT}{dx}$$

da cui: 
$$\dot{q} \cdot dx = -\lambda \cdot dT$$

$$\dot{q} \cdot \int_{0}^{s} dx = -\lambda \cdot \int_{T_{1}}^{T_{2}} dT \qquad \dot{q} \cdot s = -\lambda \cdot (T_{2} - T_{1})$$

$$\dot{q} \cdot s = -\lambda \cdot (T_2 - T_1)$$

densità di flusso termico: 
$$\dot{q} = \frac{\lambda}{s} \cdot (T_1 - T_2)$$

Introducendo:

$$k = \frac{\dot{q}}{\Delta T} = \frac{\lambda}{s}$$

 $k = \frac{\dot{q}}{\Lambda T} = \frac{\lambda}{s}$  coefficiente globale di scambio termico

$$[k] = [\dot{Q}] \cdot [S]^{-1} \cdot [T]^{-1} = \frac{W}{m^2 K}$$

mette in relazione di proporzionalità diretta il flusso termico specifico e la differenza di temperatura

Flusso termico: 
$$\dot{Q} = \dot{q} \cdot S = k \cdot S \cdot \Delta T$$

Un corpo che si trova ad una certa temperatura è in grado di smaltire (se abbassato di temperatura fino a quella ambiente) una quantità di calore pari a:

$$Q = c \cdot m \cdot (T - T_a) = c \cdot \rho \cdot V \cdot (T - T_a)$$

Portando agli infinitesimi:  $dQ = c \cdot \rho \cdot V \cdot dT$ 

accoppiando con l'equazione di Fourier:  $dQ = k \cdot S \cdot (T - T_a) \cdot dt$ 

si ha l'equazione differenziale:  $c \cdot \rho \cdot V \cdot dT = k \cdot S \cdot (T - T_a) \cdot dt$ 

la soluzione può essere trovata per separazione di variabili:

$$\frac{dT}{(T-T_a)} = \frac{k}{c \cdot \rho} \underbrace{\frac{S}{V}} \cdot dt$$
 dipendono solo dalla temperatura

h(T)

$$\frac{dT}{\left(T - T_a\right)} = h\left(T\right) \cdot \frac{S}{V} \cdot dt$$

 $\frac{dT}{(T-T_s)} = h(T) \cdot \frac{S}{V} \cdot dt$  Condizioni al contorno:  $\begin{cases} t = t_0 = 0 & T = T_s \\ t \to \infty & T = T_s \end{cases}$ 

Integrando: 
$$\int_{T}^{T_s} \frac{dT}{(T - T_a)} = \int_{0}^{t} \frac{h(T)}{M} \cdot dt$$

Trascurando la variazione di k, c e  $\rho$  con la temperatura

$$\ln\left(T - T_a\right)\Big|_T^{T_S} = \frac{h}{M}t\Big|_0^t$$

$$\ln\left(T - T_a\right)\Big|_T^{T_S} = \frac{h}{M}t\Big|_0^t \qquad \ln\left(T_S - T_a\right) - \ln\left(T - T_a\right) = \frac{h}{M}t$$

$$\ln \frac{\left(T_{S} - T_{a}\right)}{\left(T - T_{a}\right)} = \frac{h}{M}t \qquad \qquad \frac{\left(T_{S} - T_{a}\right)}{\left(T - T_{a}\right)} = e^{\frac{h}{M}t}$$

$$\frac{\left(T_{S}-T_{a}\right)}{\left(T-T_{a}\right)}=e^{\frac{h}{M}t}$$

$$(T-T_a) = (T_S - T_a)e^{-\frac{h}{M}t}$$

In definitiva: 
$$T = (T_S - T_a)e^{-\frac{h}{M}t} + T_a$$

Per le due barre le temperature sono:

$$\begin{cases} T_A = \left(T_S - T_a\right)e^{-\frac{h}{M_A}t} + T_a \\ T_B = \left(T_S - T_a\right)e^{-\frac{h}{M_B}t} + T_a \end{cases}$$

Mentre le velocità:

$$\begin{cases} \dot{T}_A = \frac{\partial T_A}{\partial t} = -\frac{h}{M_A} (T_S - T_a) e^{-\frac{h}{M_A} t} \\ \dot{T}_B = \frac{\partial T_B}{\partial t} = -\frac{h}{M_B} (T_S - T_a) e^{-\frac{h}{M_B} t} \end{cases}$$

le velocità di raffreddamento sono uguali e la differenza di temperatura è massima quando:

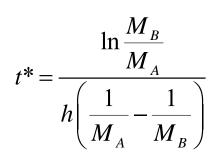
$$\dot{T}_A = \dot{T}_B$$

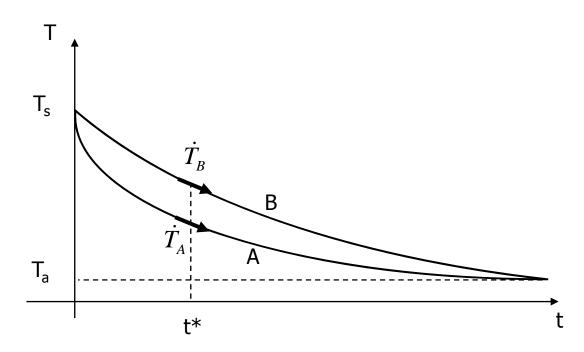
Da cui esiste t\* tale che: 
$$-\frac{h}{M_A} (T_S - T_a) e^{-\frac{h}{M_A} t^*} = -\frac{h}{M_B} (T_S - T_a) e^{-\frac{h}{M_B} t^*}$$

$$\frac{1}{M_A} e^{-\frac{h}{M_A}t^*} = \frac{1}{M_B} e^{-\frac{h}{M_B}t^*}$$

$$\frac{M_{B}}{M_{A}} = \frac{e^{-\frac{n}{M_{B}}t^{*}}}{e^{-\frac{h}{M_{A}}t^{*}}}$$

$$\frac{1}{M_{A}}e^{-\frac{h}{M_{A}}t^{*}} = \frac{1}{M_{B}}e^{-\frac{h}{M_{B}}t^{*}} \qquad \qquad \frac{M_{B}}{M_{A}} = \frac{e^{-\frac{h}{M_{B}}t^{*}}}{e^{-\frac{h}{M_{A}}t^{*}}} \qquad \qquad \ln\frac{M_{B}}{M_{A}} = -\frac{h}{M_{B}}t^{*} - \left(-\frac{h}{M_{A}}t^{*}\right)$$





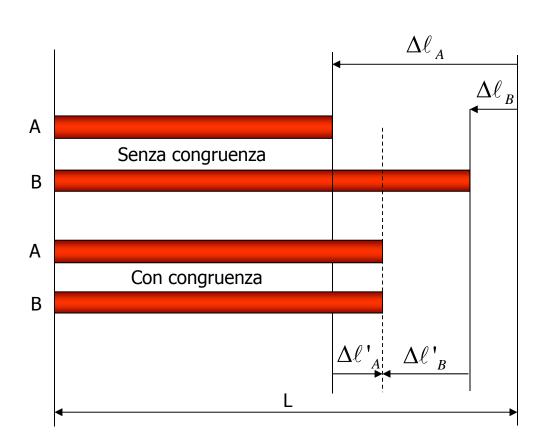
In un generico istante:

$$\begin{cases} \Delta \ell_A = \alpha L (T_S - T_A) \\ \Delta \ell_B = \alpha L (T_S - T_B) \end{cases}$$

$$\begin{cases} \varepsilon_{A} = \frac{\Delta \ell'_{A}}{L} = \frac{\sigma_{A}}{E} \\ \varepsilon_{B} = \frac{\Delta \ell'_{B}}{L} = \frac{\sigma_{B}}{E} \end{cases}$$

$$\Delta \ell_A - \Delta \ell_B = \Delta \ell'_A + \Delta \ell'_B$$

$$\alpha L(T_S - T_A) - \alpha L(T_S - T_B) = L\frac{\sigma_A}{E} + L\frac{\sigma_B}{E}$$



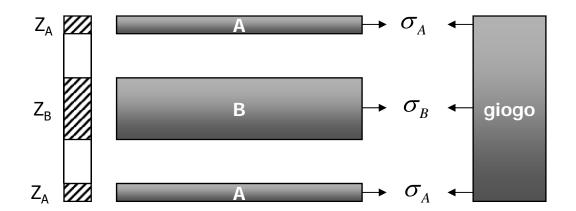
$$\longrightarrow \alpha L (T_B - T_A) = \frac{L}{E} (\sigma_A + \sigma_B)$$

Approssimazione:  $\alpha$ , E indipendente dalla temperatura, ipotesi di elasticità

$$E\alpha\left(T_{B}-T_{A}\right)=\left(\sigma_{A}+\sigma_{B}\right)$$

Per l'equilibrio delle forze:

$$2 \cdot \sigma_A \cdot Z_A = \sigma_B \cdot Z_B$$

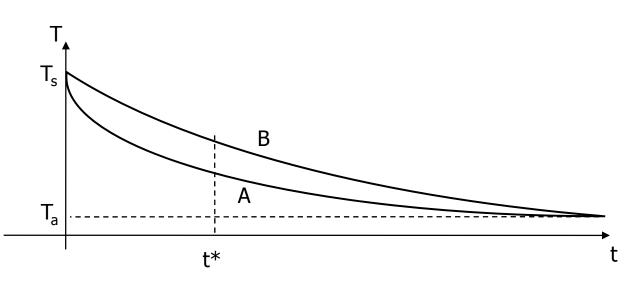


da cui: 
$$\sigma_{A} = \sigma_{B} \cdot \frac{Z_{B}}{2 \cdot Z_{A}} \qquad \left(\sigma_{A} + \sigma_{B}\right) = \frac{Z_{B}}{2 \cdot Z_{A}} \cdot \sigma_{B} + \sigma_{B} = \sigma_{B} \cdot \left(\frac{Z_{B} + 2 \cdot Z_{A}}{2 \cdot Z_{A}}\right)$$

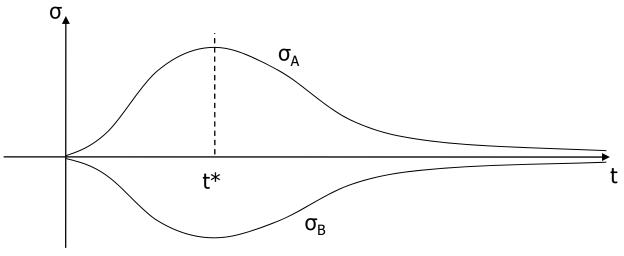
$$\sigma_{B} = \frac{2 \cdot Z_{A}}{Z_{B} + 2 \cdot Z_{A}} E\alpha \left(T_{B} - T_{A}\right) \qquad \sigma_{A} = \frac{Z_{B}}{Z_{B} + 2 \cdot Z_{A}} E\alpha \left(T_{B} - T_{A}\right)$$

Approssimazione: E indipendente dalla temperatura

Le temperature  $T_A$  e  $T_B$  vanno secondo curve esponenziali



Le tensioni  $\sigma_A$  e  $\sigma_B$  vanno secondo le curve accanto (circa)



Si ha: 
$$Z_A = a^2$$
$$Z_B = a \cdot b$$

Allora: 
$$\frac{\sigma_A}{\sigma_B} = \frac{Z_B}{2 \cdot Z_A} = \frac{b}{2a}$$

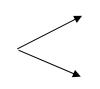
se: 
$$\frac{b}{a} > 2 \rightarrow \frac{\sigma_A}{\sigma_B} > 1$$

 $T_{\scriptscriptstyle B} > T_{\scriptscriptstyle A}$ ma:

si può avere cedimento di A più freddo ma più sollecitato oppure il cedimento di B, più caldo e meno sollecitato

Supponiamo che alle temperature rispettive, si superi il carico di snervamento in una barra, ad esempio A (in trazione)

si possono avere due casi:



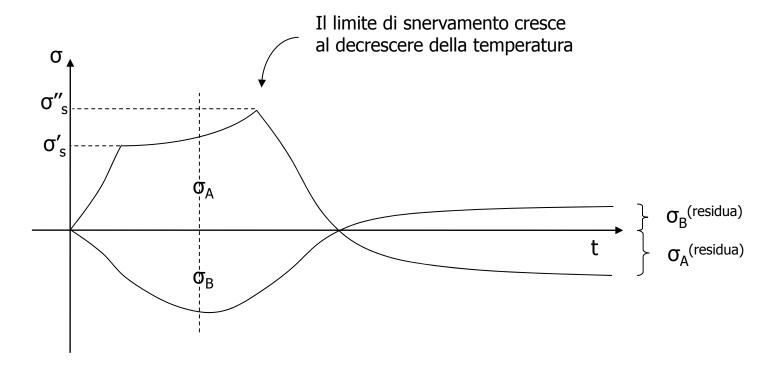
$$\sigma_A > \sigma_r$$

Rottura del pezzo

$$\sigma_{\rm r} > \sigma_{\rm A} > \sigma_{\rm s}$$
 Tensione residua

nel secondo caso, la lunghezza di A al t\* è maggiore del previsto, quindi, aspettandosi ancora un certo  $\Delta T$  fino alla  $T_a$  e quindi un corrispondente  $\Delta I$ , a  $T_a$  la barra A sarà più lunga del previsto. Ciò non è possibile per la presenza dei gioghi e quindi necessariamente A sarà sollecitata a <u>compressione</u>. Per l'equilibrio, corrispondentemente, B sarà sollecitata a <u>trazione</u>.

Ovviamente,  $\sigma_A^{(residua)} \neq \sigma_B^{(residua)}$ 



#### DIPARTIMENTO DI MECCANICA E AERONAUTICA

Nella realtà sono diversi i casi in cui si ha rottura o snervamento

Ciò dipende da:

il materiale ha un comportamento plastico per gran parte del raffreddamento

la tensione di snervamento cambia sia per la barra A che la B poiché si trovano a temperature sempre differenti

In genere è difficile prevedere se e quale barra subirà snervamento o se addirittura lo subiranno entrambe.

Ad esempio la barra B che si trova sempre ad una temperatura più alta avendo un limite di snervamento più basso potrebbe cedere anche a tensioni più basse e quindi prima della A

Ad esempio la barra A raggiunge lo snervamento che però gradualmente si alza con l'abbassarsi della temperatura più velocemente che per B; quest'ultima, non avendo ancora raggiunto il t\*, si trova in una fase crescente del modulo della tensione raggiungendo anch'essa lo snervamento.

Metodi per ridurre le tensioni di ritiro e residue

- progettazione del prodotto
- processo
  - sistema di formatura
  - raffreddatori
  - coibenti
  - design for casting
- trattamenti termici

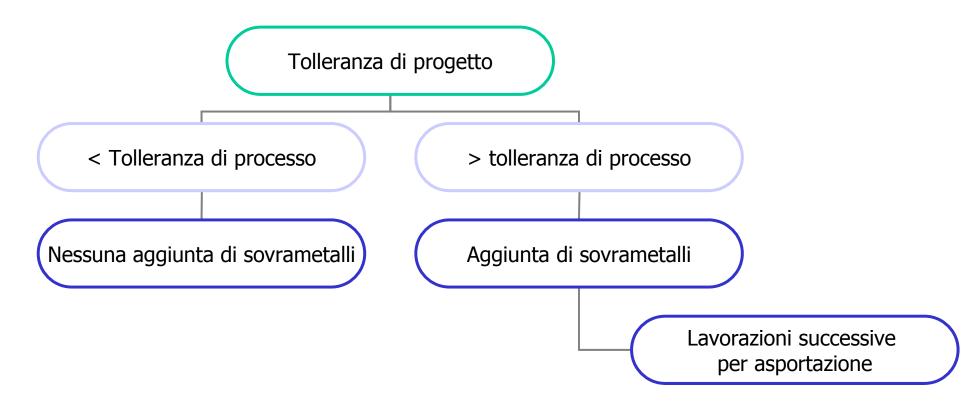
ricottura normalizzazione raccordi sezioni moduli termici

controllo velocità di raffreddamento e quindi dei gradienti di temperatura

Fonderia

### **Tolleranze di processo**

In base alle tolleranze ottenibili dal processo è possibile stabilire se è necessario aggiungere materiale per ottenere le tolleranze richieste successivamente per asportazione di materiale



#### DIPARTIMENTO DI MECCANICA E AERONAUTICA

Tecnologia Meccanica

Nella tabella **UNI 6225-73** sono precisate le tolleranze dimensionali e i sovrametalli per la lavorazione meccanica dei getti di acciaio non legato (UNI 3150-68), colati in sabbia. Le tolleranze sono bilaterali (disposte a cavallo della linea dello zero).

# Tolleranze dimensionali

	Differsione nominale																							
	(mm)																							
Massima				olt	re 80	)	oltr	e 18	0	oltr	e 31	5	oltr	e 50	0	oltr	e 80	0	(	oltre		(	oltre	
dimensione del	fin	o a 8	0	fi	no a		fi	no a		fi	no a		fi	no a		fi	no a		,	1250		,	1600	
getto grezzo		mm			180			315			500			800		1	1250		fi	ino a		fi	no a	
																			•	1600		2	2500	
(mm)	Α	В	С	Α	В	С	Α	В	С	Α	В	С	Α	В	С	Α	В	С	Α	В	С	Α	В	С
fino a 120	6	4	3	7	5	4	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-
oltre 120 fino a 500	7	5	4	8	5	5	10	6	6	14	8	7	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-
oltre 500 fino a 1250	8	5	5	9	6	6	11	7	7	15	9	8	18	11	9	20	13	-	-	-	-	-	-	-
oltre 1250 fino 2500	9	6	6	10	7	7	12	8	8	16	10	9	20	12	10	22	14	11	25	15	-	30	17	-

Dimensione nominale

si distinguono 3 gradi di precisione:

Grado di precisione	Tolleranza	Numerosità
A	Ampia	Getti singoli
В	Media	Getti ripetuti
С	Stretta	Getti di serie

#### DIPARTIMENTO DI MECCANICA E AERONAUTICA

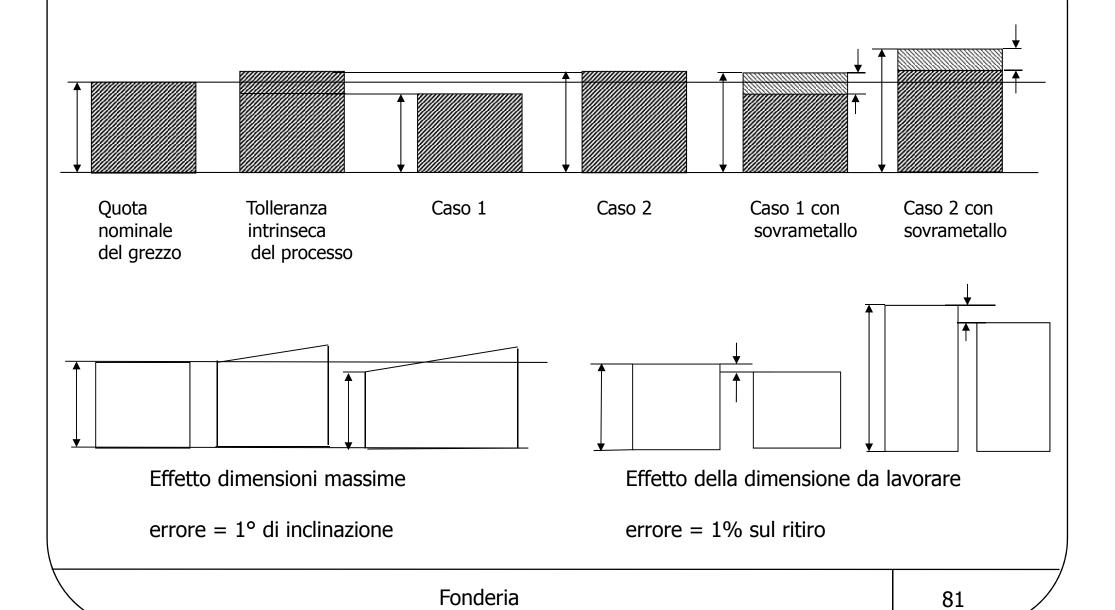
Tecnologia Meccanica

Nel caso in cui le tolleranze ottenibili sono più larghe di quelle richieste occorre aggiungere sovrametallo in dipendenza delle dimensioni (massime e nominali) e della tipologia del getto

#### Sovrametalli

									D	imen	sion	e no (mr		ale										
Massima dimensione del	fine	o a 8	80		tre 8 ino a			e 18 no a			e 31 no a	5		e 50 no a	_		e 80 no a			oltre 1250			oltre 1600	
getto grezzo (mm)		mm			180			315		:	500			800		1	250			ino a 1600			ino a 2500	
	Α	В	С	Α	В	С	Α	В	С	Α	В	С	Α	В	С	Α	В	С	Α	В	С	Α	В	С
fino a 120	6	3	4	7	5	5	-	-		-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-	-
oltre 120 fino a 500	6	4	5	7	5	5	8	6	6	10	7	7	-	-	-	_	-	-	-	-	-	-	-	-
oltre 500 fino a 1250	7	5	5	8	6	6	9	7	7	11	8	8	12	9	8	13	10	-	-	-	-	-	-	-
oltre 1250 fino 2500	8	7	6	9	7	7	10	9	8	12	10	9	13	10	9	14	12	10	15	13	-	17	14	-

Vale lo stesso discorso nel caso di rugosità ottenibili più scadenti di quelle richieste: occorre aggiungere sovrametallo al fine di permettere mediante lavorazioni successive di produrre le finiture desiderate.



## Sovrametallo (considerazioni)

aumenta

- all'aumentare delle dimensioni

- all'aumentare della precisione richiesta

sovrammetallo

diminuisce

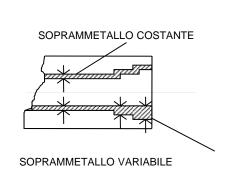
- fusioni di serie

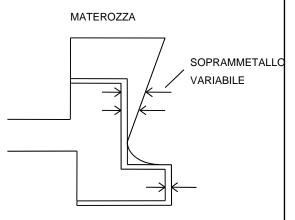
costante

variabile

- per semplificare l' anima

- favorire la solidificazione direzionale



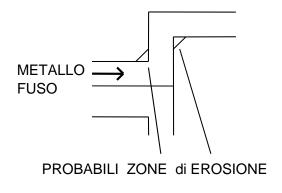


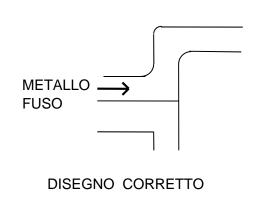
## Raggi di raccordo

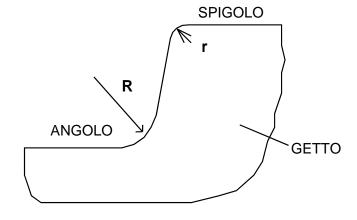
per ridurre erosione della forma durante la colata

per ridurre rischi di rottura durante la solidificazione

per ridurre concentrazioni di tensioni durante l'uso







Diverse condizioni per angoli e spigoli

#### DIPARTIMENTO DI MECCANICA E AERONAUTICA

Tecnologia Meccanica

Ritiro

Tfs ──

Lf = Li  $(1 - \alpha \Delta T)$ 

La forma ha modificato le sue dimensioni

Il metallo si ritira in modo dipendente anche dalla configurazione geometrica

Le anime funzionano da vincoli



Ta

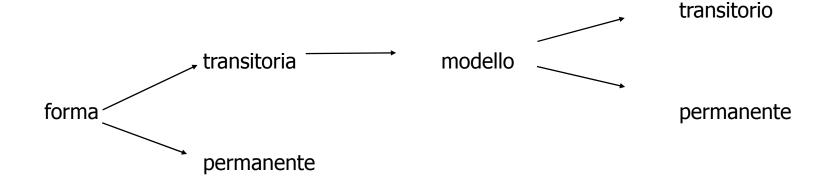
Ritiri lineari per getti colati in sabbia (valori indicativi)

MATERIALI	RITIRO (%)						
	Getti piccoli	Getti medi	Getti grandi				
GHISE GRIGIE	1	0.85	0.7				
GHISE MALLEABILI	1.4	1	0.75				
GHISE LEGATE	1.3	1.05	0.35				
ACCIAIO	2	1.5	1.2				
ALLUMINIO e LEGHE	1.6	1.4	1.3				
BRONZI	1.4	1.2	1.2				
OTTONI	1.8	1.6	1.4				
LEGHE di	1.4	1.3	1.1				
MAGNESIO							



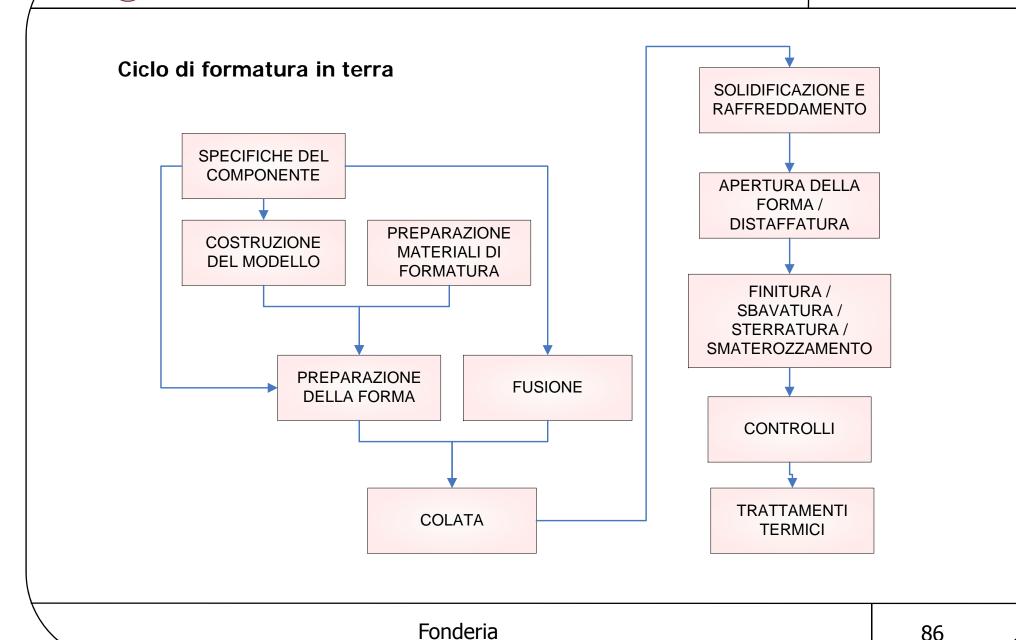
#### PROGETTAZIONE DELLA FORMA

realizzazione della cavità all'interno della forma nella quale verrà colato il metallo liquido

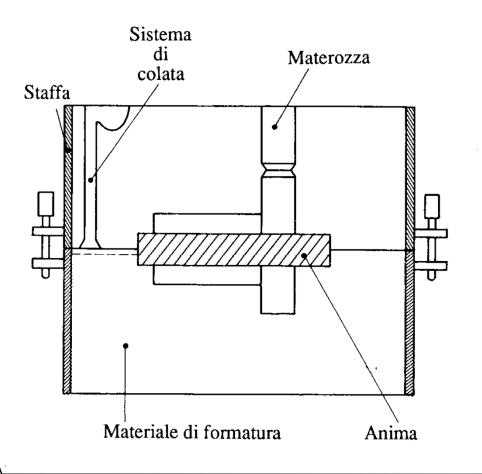


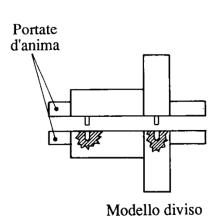
forme transitorie - possono essere distrutte dopo la colata —— materiale: terra di fonderia - devono permettere l'estrazione del modello —— piano di separazione

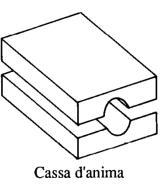
forme permanenti - devono essere resistenti e durature — — materiale metallico - devono permettere estrazione del pezzo — — angoli di sformo



## Forma e modello





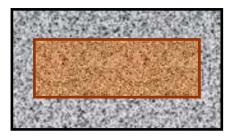


## Scelta del piano di separazione

modello dell'oggetto da produrre

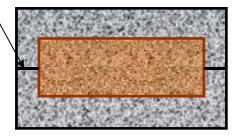


modello all'interno della staffa



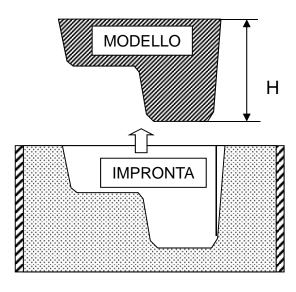
dal momento che il modello deve essere riutilizzato (modello permanente) come si fa ad estrarlo senza danneggiarlo?

piano di separazione delle staffe



# Angoli di sformo

per permettere estrazione del modello



# VALORI DELLO SFORMO s in mm e in % dell' ANGOLO di SFORMO $\beta$

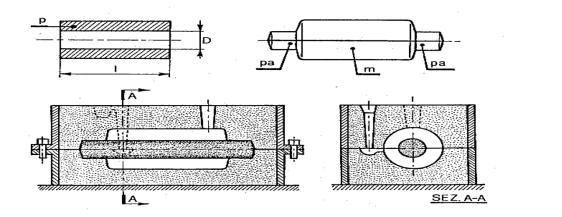
ALTEZZA del MODELLO (mm)	SFO	Angolo di sformo β	
	s (mm)	(%)	
fino a 40	0.5	1.25	1'30"
40 - 59	0.75	1.8 - 1.2	1'
60 - 119	1	1.7 - 0.8	40"
120 - 159	1.5	1.7 - 0.8	40"
160 - 199	1.75	1.1 - 0.9	40"
200 - 249	2	1.0 - 0.8	30"
250 - 299	2.5	1.0 - 0.8	30"
300 - 399	3	1.0 - 0.75	30"
400 - 499	3.5	0.9 - 0.8	30"
>= 500	4	<= 0.8	30"

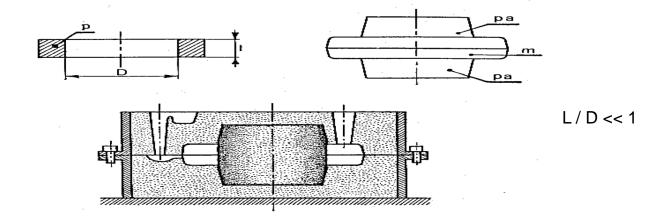
I valori di questa tabella sono di preferenza da adottare per modelli METALLICI, lavorati a macchina, possibilmente fissati su placche e ben finiti. La sformatura dovra' essere fatta con vibratori e con guide o, meglio, su macchine a sformare.

Il modello deve essere modificato per una necessità tecnologica

L/D>>1

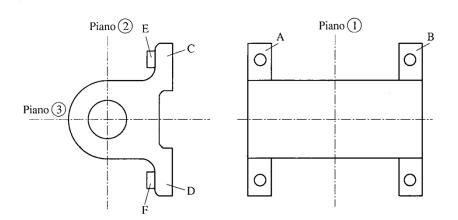
# Disposizione dell'impronta nella forma





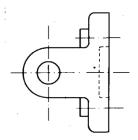
## Eliminazione sottosquadri

#### problema

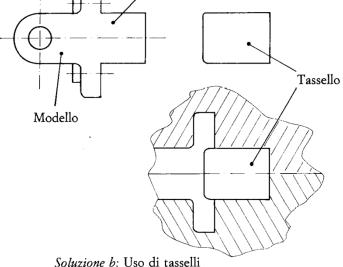


Scelta del piano di divisione per l'eliminazione dei sottosquadri: il piano 1 trova il sottosquadro in A e B, il piano 2 trova il sottosquadro in C e D, il piano 3 trova il sottosquadro in E, C, D. F.

#### soluzioni

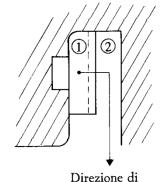


Soluzione a: Formaggelle alla francese ed eliminazione parte tratteggiata



Portata

bommone of ode al tables

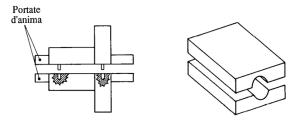


Soluzione c: Modello scomponibile in 1 e 2

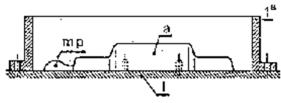
estrazione di 1



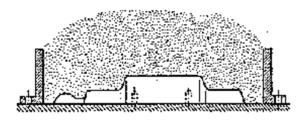
# Preparazione della forma



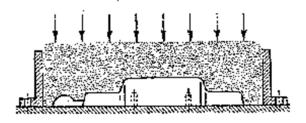
0: preparazione del modello



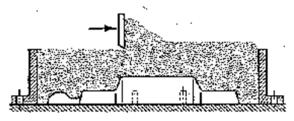
1.Semimodello con i fori di riferimento appoggiato su un piano



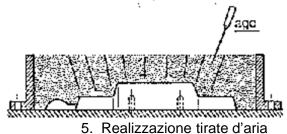
2. Riempimento

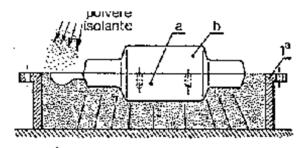


3. Compressione

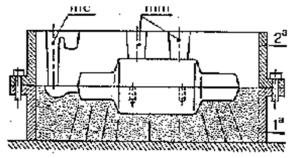


4. Eliminazione terra in eccesso

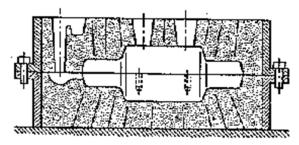




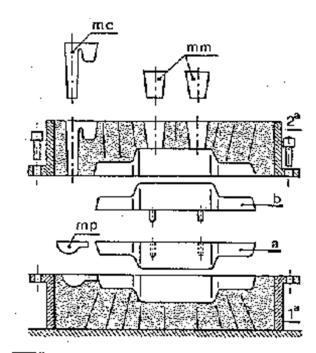
6. Staffa rovesciata, applicazione seconda parte del modello, polvere di carbone (distaccante) .



7. Seconda staffa sovrapposta, sistemazione modelli canali di colata e materozze



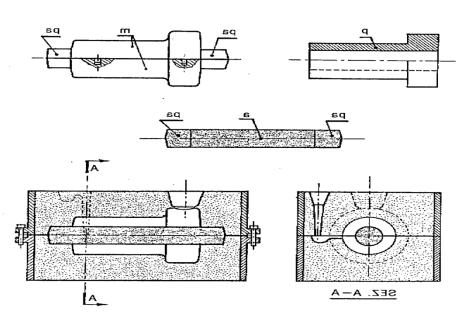
8. Riempimento, compressione, tirate d'aria



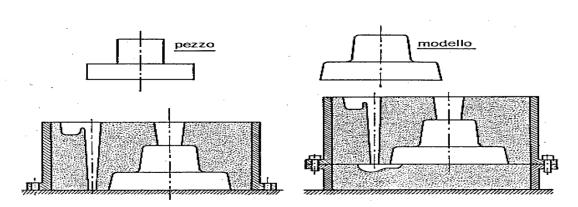
9. Separazione staffe, estrazione modello, ramolaggio anime, ricomposizione

Pezzo forato

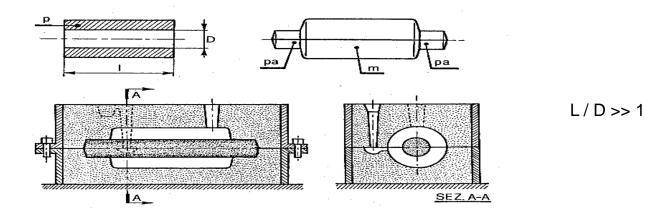
## Esempi di forme allestite

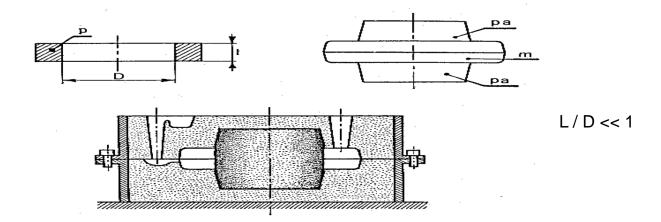


Pezzo con una superficie piana

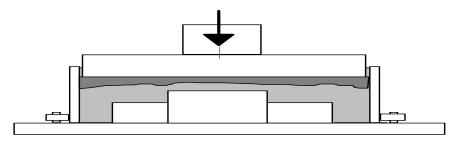


## Disposizione dell'impronta nella forma

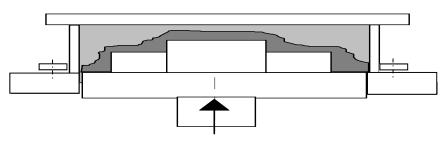




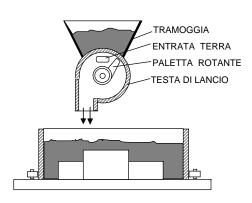
# Macchine per formatura



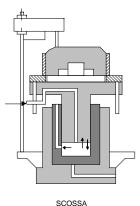
FORMATURA DALL' ALTO

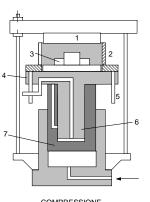


FORMATURA DAL BASSO

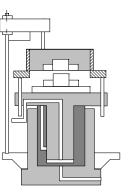


FORMATURA A LANCIO CENTRIFUGO





COMPRESSIONE



SFORMATURA

- 1 PIATTO DI COMPRESSIONE
- 2 STAFFA
- 3 PLACCA MODELLO
- 4 TAVOLA
- 5 CANDELE PER LA SFORMATURA
- 6 PISTONE DI SCOSSA
- 7 PISTONE DI COMPRESSIONE

# Materiali per la formatura in terra

Caratteristiche richieste

- 1 plasticita' (scorrevolezza)
- 2 coesione
- 3 refrattarieta'
- 4 permeabilita'
- 5 sgretolabilita'
- Sabbia silicea (SiO<sub>2</sub>)
- argilla (soprattutto bentonite)
- acqua (ha il compito di conferire potere legante all'argilla)



grani tondeggianti diametro uniforme



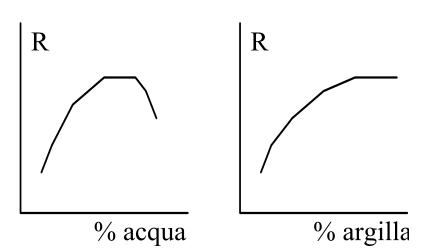
grani grossi e piccoli

- porosità
- + resistenza



grani spigolosi

- + legante
- + resistenza
- refrattarietà



Tecnologia Meccanica

ANALISI GRANULOMETRICA DI SABBIA					
Numero	Maglia (mm)	Fattore	Trattenuto (g) (%)		Prodotto
6	3.36	3	0	0	0
12	1.68	5	0	0	0
20	0.84	10	0.5	1	10
30	0.59	20	1.8	3.6	72
40	0.42	30	8	16	480
50	0.297	40	17	34	1360
70	0.210	50	11	22	1100
100	0.149	70	3.5	7	490
140	0.105	100	1	2	200
200	0.074	140	0.3	0.6	84
270	0.053	200	0	0	0
fondo	-	300	0.5	1	300
Totale			43.6	87.2	4096
Argilloide			6.4	12.8	
			50.0	100	
Indice di finezza 4096 / 87.2 47					

sabbia	indice AFS	
molto grossa	< 18	
grossa	18-35	
media	35-60	
fina	50-150	
finissima	>150	

+

forma del grano

+

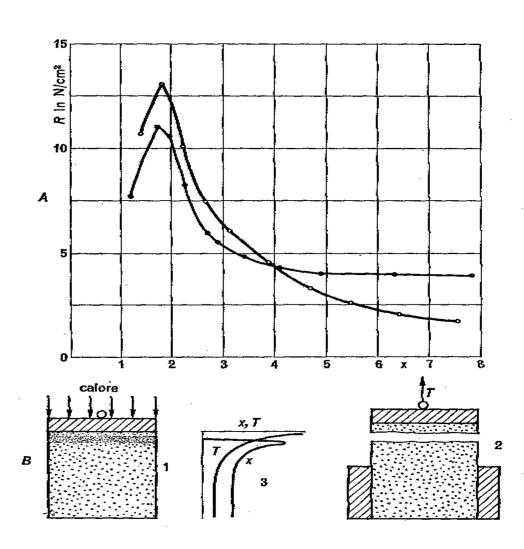
distribuzione granulometrica



finitura superficiale



Influenza
dell'evaporazione
dell'acqua
superficiale e
condensazione
negli strati più
profondi



Tecnologia Meccanica

## Legante

# naturale argilla o bentonite

forti 16%

semigrasse 6-16% 5-8%

magre silicee <5%

in funzione di

materiale di colata

peso del getto

spessore della parete

numero di pezzi

sintetico inorganico silicato sodico

cemento

resine fenoliche organico

furaniche

tabella

soffiaggio compattazione

pressatura

vibrazione

Tecnologia Meccanica

aria

 $T_a$   $CO_2$ 

 $Na_2^{-}O \cdot x SiO_2 + CO_2 \rightarrow Na_2CO_2 + SiO_2$ 

indurimento

forno

campi alta frequenza

a caldo aria calda

utensili caldi

radiazione infrarossa

breve (s)

tempi medio (min)

lungo (ore)

#### Lavorazione delle terre

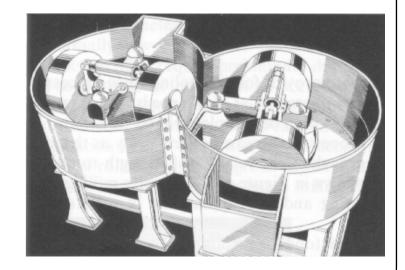
terra usata sabbia nuova

rottura zolle essiccazione
separazione parti metalliche
setacciatura
separazione delle polveri

dosatura molazzatura disintegrazione

formatura

acqua agglomerante nero minerale



Molazza



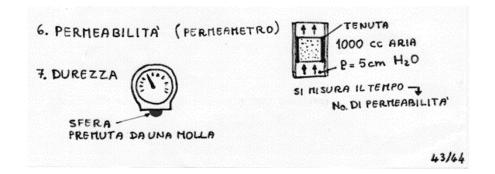
#### Prove sulle terre

- determinazione del tenore di argilla si effettua lavando la sabbia e valutando la differenza in peso (strumento: "levigatore")
- 2. indice di finezza setaccio in colonna in serie decrescente
- 3. contenuto di umidita' strumento che impiega carburo di calcio CaC<sub>2</sub> che reagisce con l'acqua provocando un aumento di pressione.
- 4. Prove meccaniche



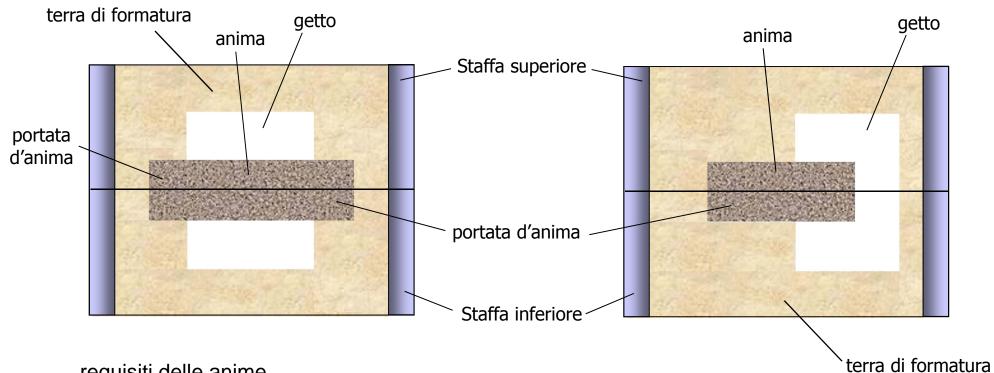
IMPORTANTE: COMPATTAZIONE UNIFORME!

COESIONE A VERDE / SECCO Compressione statica e dinamica mediante "coesimetri"



## Anime

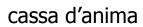
Realizzazione di fori ciechi o passanti per mezzo di occupazione di una parte del getto con materiale di formatura

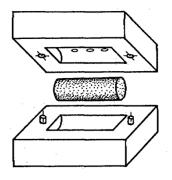


requisiti delle anime

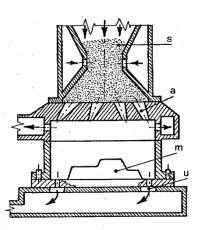
- maggiore refrattarietà
- elevata resistenza meccanica fino al termine della solidificazione
- friabilità

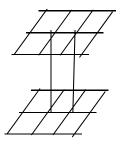
### Realizzazione delle anime



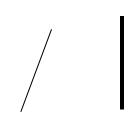


soffiaggio delle anime

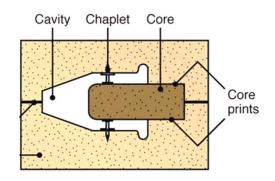




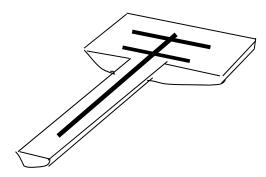
armatura



armature semplici



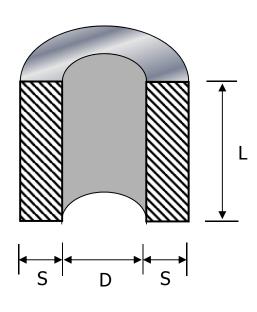
sostegni



tirate d'aria interne all'anima

#### Dimensionamento delle anime

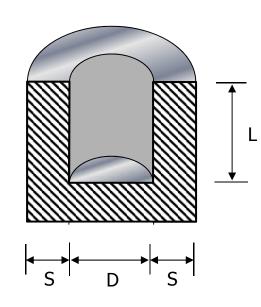
Le anime devono sopportare sollecitazioni termiche e sollecitazioni meccaniche Quindi non devono essere troppo snelle e non devono essere circondate da troppo liquido



D < 2 S	$L \le D$
$2S \le D \le 3S$	$L \le 3D$
$3S \le D$	$L \le 5D$

Inflessione e conseguente eccessiva deformazione (tolleranze) o rottura

Sovra-cottura e conseguente difficoltà di rimozione



D < 2 S	L ≤ D/2
$2S \le D \le 3S$	L ≤ 2D
$3S \le D$	L ≤ 3D



## **FUSIONE E COLATA**

# **Fusione**

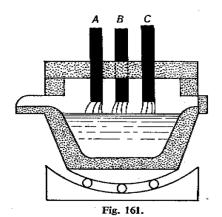
#### Forni

#### A combustibile

- solido
- liquido
- gassoso

#### Elettrici

- a resistenza
- ad arco
  - indiretto (radiante)
  - diretto
- ad induzione
  - bassa frequenza
  - alta frequenza



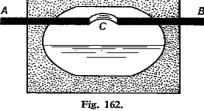
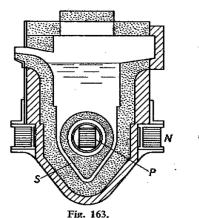


Fig. 161. - Schema di forno elettrico ad arco diretto.

Fig. 162. - Schema di forno elettrico ad arco radiante.



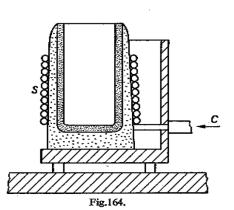
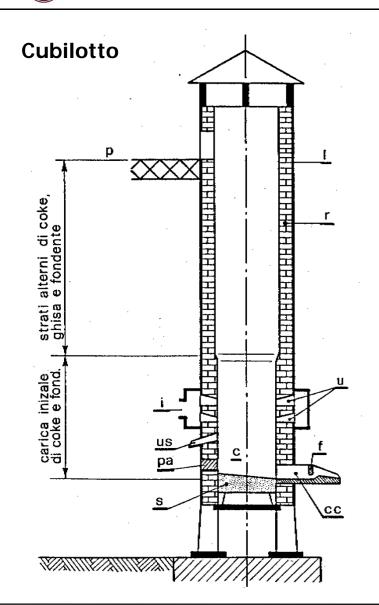


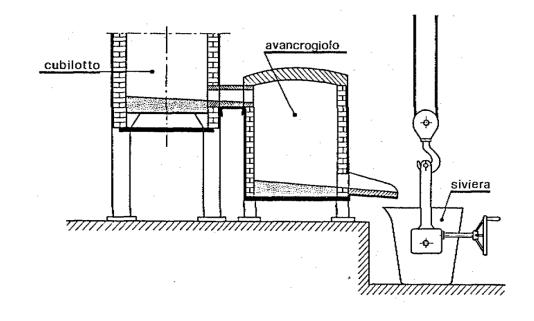
Fig. 163. — Schemi di forno ad induzione a bassa frequenza. N, nucleo magnetico; P, avvolgimento primario; S, spina secondaria.

Fig. 164. — Schema di forno ad induzione ad alta frequenza. C, acqua di circolazione; S, spirale induttrice.



Carica: strati alterni di

- coke
- fondente
- metallo



Tecnologia Meccanica

Impiegato per la rifusione di ghise comuni e speciali.

Temperatura: T<sub>f</sub> della ghisa 1150 - 1350 °C + max 200 °C di surriscaldamento.

#### Rivestimento:

- acido (mattoni siliciosi a base SiO<sub>2</sub>, 90%) : il più usato, economico, ottima resistenza agli sbalzi termici ;
- basico (dolomite calcinata: ossidi CaO e MgO): favorisce la desolforazione

basicità della scoria: (CaO%+MgO%)/SiO2%

- neutro (a base di magnesite calcinata (MgO 85-90% + ...) e cromite (FeO.Cr<sub>2</sub>O<sub>3</sub>)
- grafite : zona del rivestimento al disotto degli ugelli

Carica del cubilotto (dote):

- carbon coke: pezzatura d = 120 mm, buona resistenza meccanica, quantità: 10% della carica metallica
- ghisa: pani e rottami (pani di I fusione: titolati, pani di II fusione: composizione più incerta)
- fondente: 20-30 % del peso del coke
  - \* calcare (CaCO<sub>3</sub>), dolomite (CaCO<sub>3</sub>.MgCO<sub>3</sub>), magnesite (MgCO<sub>3</sub>)
  - \* fuorite (CaF<sub>2</sub>), cenere di soda (Na<sub>2</sub>CO<sub>3</sub>)

Tecnologia Meccanica

Portata d' aria (all'incirca 1 tonn d' aria per la fusione di 1 tonn di ghisa), dipende anche dalla pezzatura del coke e dalla sua porosità.

Rendimento: occorre limitare la temperatura dei gas in uscita (150 - 300 °C)  $\eta$  = 45-50%

#### Temperatura

Aumenta col preriscaldamento dell'aria (alimentazione a "vento caldo").

Presenta un massimo con la portata d' aria: una portata eccessiva determina ossidazione, > perdite di Mn e Si ed una riduzione della temperatura; una portata bassa determina una bassa velocità di fusione, aumento di carbonio ed erosione del refrattario.

Inoculazione (per l'affinamento della struttura della ghisa): impiego di ferro-leghe es. Fe-Si 85 % + Al.

Tecnologia Meccanica

# Colata

gravità	centrifuga	sotto pressione
sfrutta la pressione dovuta al peso del metallo liquido	forma messa in rotazione, si genera forza centrifuga sul metallo	pompe alternative
grande versatilità	pezzi relativamente semplici	pezzi complicati
tolleranze generalmente scadenti	buone finiture / tolleranze	ottime finiture
forme transitorie	conchiglie metalliche permanenti	conchiglie metalliche permanenti, costose costi di impianto automazione

Fonderia

Tecnologia Meccanica

# Sistema di colata per fonderia in terra

Sistema principale - bacino di colata

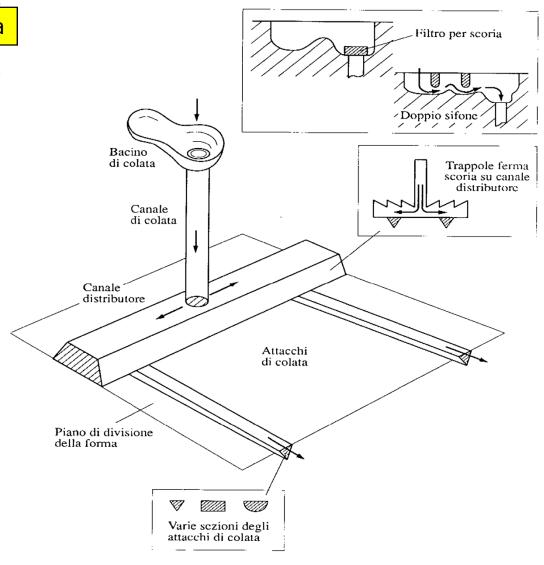
- canale di colata

- canale orizzontale

- attacco di colata

Altri elementi

- filtri
- pozzetti
- sfiati
- trappole

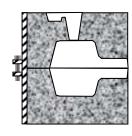




Tecnologia Meccanica

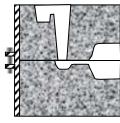
Sistemi di colata

diretta



Danni alla forma Gocce fredde

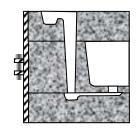
sul piano di separazione



Facile realizzazione

dimensionamento

con tre staffe



Forma in tre parti Colata in sorgente

il dimensiomento del sistema si realizza

a partire da quantità di materiale da colare

tempo ammissibile (produttività, resistenza termica della forma)

velocità del fluido (danneggiamenti per erosione)

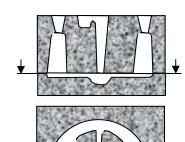
per ottenere le sezioni dei canali di colata

Tecnologia Meccanica

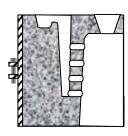
Altri sistemi di colata



Colata a pioggia Getti larghi e bassi

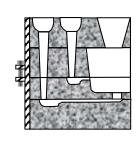


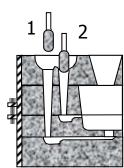
Colata a stella



Colata a pettine laterale

Per riempire la materozza con liquido a temperatura più alta





Colata in due fasi

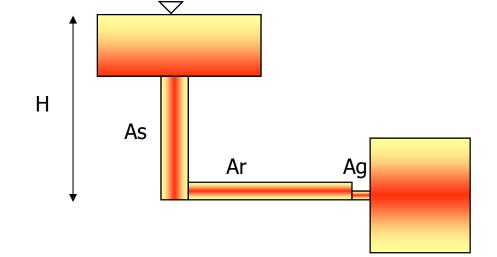
#### Dimensionamento sistema di colata

Circuito idraulico in cui circola un fluido perfetto in condizioni stazionarie

A<sub>str</sub> = sezione di strozzatura = conversione energia potenziale in energia cinetica

$$v_{str} = \sqrt{\frac{2 \cdot g \cdot H}{k}} \qquad k \in [1 \div 4]$$

$$Q = A_{str} \cdot v_{str}$$



la portata non è un parametro libero ma va scelta in funzione di - volume del getto

- tempo di riempimento

Tecnologia Meccanica

Tempo di riempimento t,

Tempo di irraggiamento t<sub>i</sub>

 $V_{g + accessori}$ 

forma del getto (??)

se è piccolo --> portate eccessive e resa bassa

se è grande --> difetti - prematura solidificazione

- collasso della forma per

irraggiamento (t;)

maggiore di t<sub>r</sub>

formatura a verde

3 - 5

fine (AFS > 100) grossa (AFS < 100)

5 - 12

sintetica

20 - 60

formule empiriche

t,

 $t_{r} = \frac{1}{0.045 + \frac{1.64}{V_{g}}}$  $t_{r} = \sqrt{V_{g}}$ 

(attenzione alle unità di misura)

$$t_r = \sqrt{V_g}$$

(formula di Dietert per acciai)

Nota la portata posso calcolare la sezione A<sub>str</sub>

$$A_{str} = \frac{V_g}{t_r \cdot V_{str}}$$

Verificare che: 
$$\begin{cases} v_{str} \approx 1m / s \\ t_r \leq t_i \end{cases}$$

Posizionamento A<sub>str</sub> ----- sistemi pressurizzati

 $A_{str} = A_{q}$ 

riduzione boccame velocità elevate portate uniformi

sistemi non pressurizzati  $A_{str} = A_{s}$ 

velocità basse portate disuniformi consigliati se c'è presenza di ossidi

Sistemi pressurizzati

 $A_s$  :  $A_r$  :  $A_g \equiv A_{str}$ 

Sistemi non pressurizzati

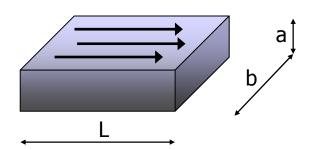
 $A_s \equiv A_{str}$  :  $A_r$  :  $A_g$  4 :  $\sqrt{H}$  :  $\sqrt{H}$ 

[H] dm

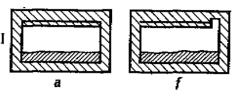
Attacchi di colata (sezione rettangolare)  $b \ge 4$  a

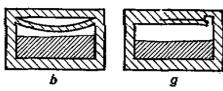
 $L \approx b$ 

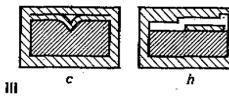
altre sezioni .....

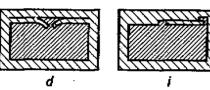


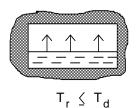
Meccanismi di danneggiamento della forma per irraggiamento

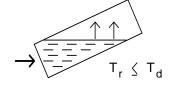


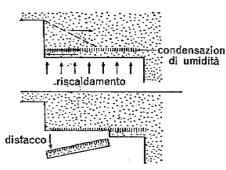




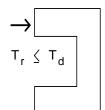


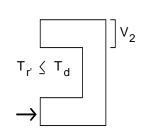




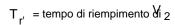


distacco





Riempimento di getti di forma particolare

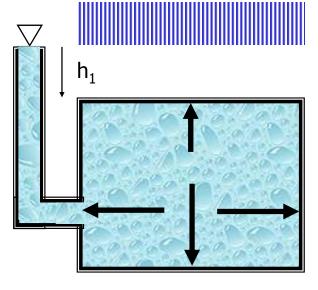


# Spinte metallostatiche

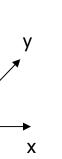
Per un liquido si ha:

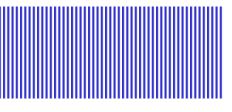
Peso specifico Η  $p = \rho \cdot g \cdot h = \gamma \cdot h$ 

battente







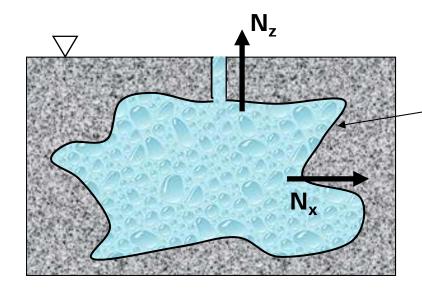


$$p_z = \gamma \cdot h_1$$

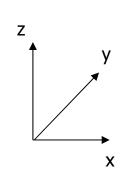


$$p_x = \gamma \cdot H$$

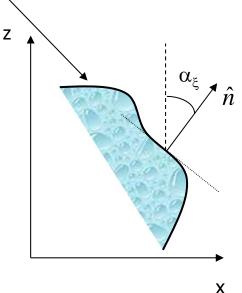
Ζ



 $\xi \rightarrow z = f(x, y)$  superficie di contenimento del liquido



$$\vec{N} = \int_{\xi} \gamma \cdot z_{\xi} \cdot \hat{n} \cdot ds \rightarrow \begin{cases} N_{z} = \int_{\xi} \gamma \cdot z_{\xi} \cdot \cos \alpha_{\xi} \cdot ds \\ N_{x} = \int_{\xi} \gamma \cdot z_{\xi} \cdot \sin \alpha_{\xi} \cdot ds \end{cases}$$



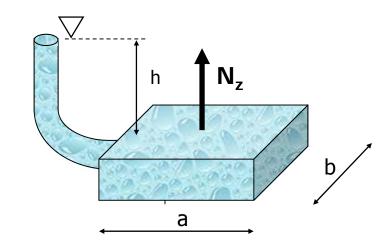
Angolo rispetto alla normale alla superficie

# Esempio 1: parete orizzontale affondata

$$\vec{N} = \hat{z} \cdot N_z = \hat{z} \cdot \int_{\xi} \gamma \cdot z_{\xi} \cdot \cos \alpha_{\xi} \cdot ds =$$

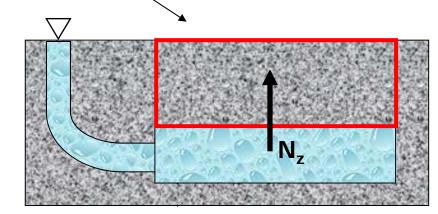
$$= \hat{z} \cdot \int_{0}^{a} \int_{0}^{b} \gamma \cdot h \cdot dx dy = \hat{z} \cdot \gamma \cdot h \cdot a \cdot b$$

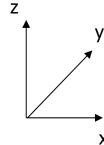
$$= \hat{z} \cdot \int_0^a \int_0^b \gamma \cdot h \cdot dx dy = \hat{z} \cdot \gamma \cdot h \cdot a \cdot b$$





ta spinta corrisponde al volume di terra sopra al getto per la densità del metallo



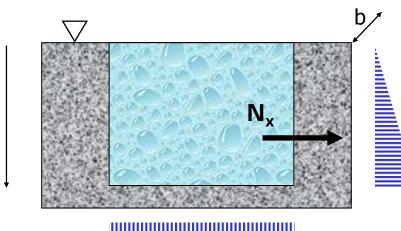


h

Esempio 2: parete verticale affiorante

$$\vec{N} = \hat{x} \cdot N_x = \hat{x} \cdot \int_{\xi} \gamma \cdot z_{\xi} \cdot \sin \alpha_{\xi} \cdot ds =$$

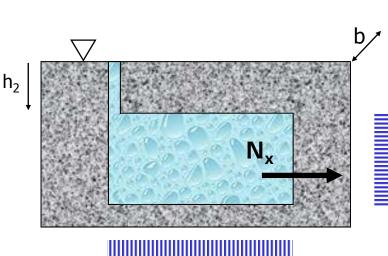
$$= \hat{x} \cdot \int_{0}^{h} \int_{0}^{b} \gamma \cdot z \cdot dy dz = \hat{x} \cdot \gamma \cdot \frac{h^2}{2} \cdot b$$



Esempio 3: parete verticale non affiorante

$$\vec{N} = \hat{x} \cdot N_x = \hat{x} \cdot \int_{\xi} \gamma \cdot z_{\xi} \cdot \sin \alpha_{\xi} \cdot ds = h_1$$

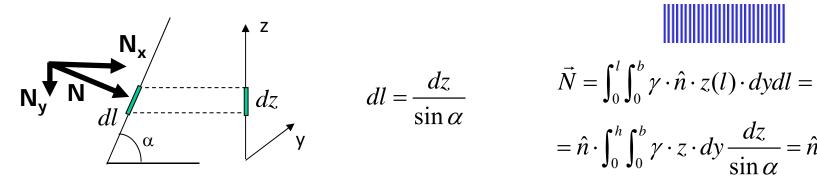
$$= \hat{x} \cdot \int_{h_1}^{h_2} \int_{0}^{b} \gamma \cdot z \cdot dy dz = \hat{x} \cdot \gamma \cdot \frac{h_1^2 - h_2^2}{2} \cdot b$$

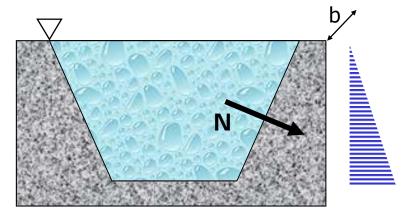




# Esempio 4: parete inclinata affiorante

$$\vec{N} = \int_{\xi} \gamma \cdot z_{\xi} \cdot \hat{n} \cdot ds = \int_{0}^{l} \int_{0}^{b} \gamma \cdot \hat{n} \cdot z(l) \cdot dy dl$$







$$\vec{N} = \int_0^l \int_0^b \gamma \cdot \hat{n} \cdot z(l) \cdot dy dl =$$

$$= \hat{n} \cdot \int_0^h \int_0^b \gamma \cdot z \cdot dy \frac{dz}{\sin \alpha} = \hat{n} \cdot \frac{\gamma \cdot h^2 \cdot b}{2 \cdot \sin \alpha}$$

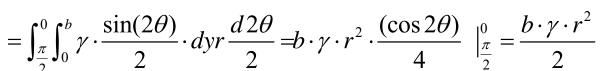
$$\vec{N} = \begin{cases} N_y = \hat{n} \times \hat{y} \cdot \frac{\gamma \cdot h^2 \cdot b}{2 \cdot \sin \alpha} = \cos \alpha \cdot \frac{\gamma \cdot h^2 \cdot b}{2 \cdot \sin \alpha} = \frac{\gamma \cdot h^2 \cdot b}{2 \cdot \tan \alpha} \\ N_x = \hat{n} \times \hat{x} \cdot \frac{\gamma \cdot h^2 \cdot b}{2 \cdot \sin \alpha} = \sin \alpha \cdot \frac{\gamma \cdot h^2 \cdot b}{2 \cdot \sin \alpha} = \frac{\gamma \cdot h^2 \cdot b}{2} \end{cases}$$

## Esempio 5: parete cilindrica affiorante

$$\vec{N} = \int_{\xi} \gamma \cdot z_{\xi} \cdot \hat{n} \cdot ds = \int_{\frac{\pi}{2}}^{0} \int_{0}^{b} \gamma \cdot \hat{n} \cdot z \cdot dy r d\theta =$$

$$= \int_{\frac{\pi}{2}}^{0} \int_{0}^{b} \gamma \cdot \hat{n} \cdot (-r \cos \theta) \cdot dy r d\theta$$

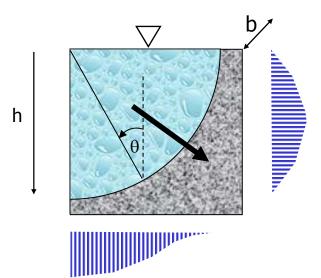
$$N_{x} = \int_{\frac{\pi}{2}}^{0} \int_{0}^{b} \gamma \cdot \sin \theta \cdot (-r \cos \theta) \cdot dy r d\theta =$$



$$N_{y} = \int_{\frac{\pi}{2}}^{0} \int_{0}^{b} \gamma \cdot \cos \theta \cdot (r \cos \theta) \cdot dy r d\theta = \int_{\frac{\pi}{2}}^{0} \int_{0}^{b} \gamma \cdot \frac{\cos(2\theta) + 1}{2} \cdot dy r \frac{d2\theta}{2} =$$

$$\sin 2\theta + 2\theta \quad \text{if } \quad 0 = 0 \quad \text{if } \quad 0 = 0$$

$$=b\cdot\gamma\cdot r^2\cdot\frac{\sin 2\theta+2\theta}{4} \mid_{\frac{\pi}{2}}^0=b\cdot\gamma\cdot r^2\cdot\frac{\pi}{4}$$



## Esempio 6: parete cilindrica non affiorante

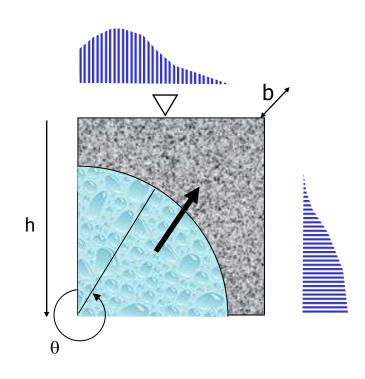
$$\vec{N} = \int_{\xi} \gamma \cdot z_{\xi} \cdot \hat{n} \cdot ds = \int_{-\frac{\pi}{2}}^{0} \int_{0}^{b} \gamma \cdot \hat{n} \cdot z \cdot dy r d\theta =$$

$$= \int_{-\frac{\pi}{2}}^{0} \int_{0}^{b} \gamma \cdot \hat{n} \cdot (h - r \cos \theta) \cdot dy r d\theta$$

$$N_{x} = \int_{-\frac{\pi}{2}}^{0} \int_{0}^{b} \gamma \cdot \sin \theta \cdot (h - r \cos \theta) \cdot dy r d\theta =$$

$$= \frac{1}{2} b \cdot r^{2} (r - 2h) \cdot \gamma$$

$$N_{y} = \int_{-\frac{\pi}{2}}^{0} \int_{0}^{b} \gamma \cdot \cos \theta \cdot (h - r \cos \theta) \cdot dy r d\theta = b \cdot r \cdot \left(h - \frac{\pi r}{4}\right) \gamma$$



# Esempio 7: Caso reale di getto cilindrico

$$\vec{N} = \int_{\xi} \gamma \cdot z_{\xi} \cdot \hat{n} \cdot ds = \int_{-\frac{\pi}{2}}^{\frac{\pi}{2}} \int_{0}^{b} \gamma \cdot \hat{n} \cdot z \cdot dy r d\theta =$$

$$= \int_{-\frac{\pi}{2}}^{\frac{\pi}{2}} \int_{0}^{b} \gamma \cdot \hat{n} \cdot (h - r \cos \theta) \cdot dy r d\theta$$

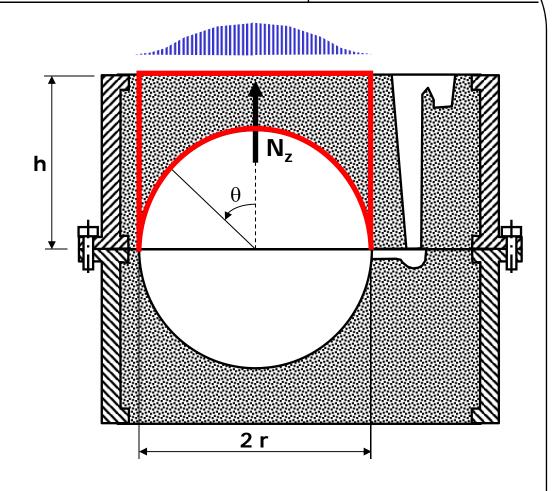
$$N_{x} = \int_{-\frac{\pi}{2}}^{\frac{\pi}{2}} \int_{0}^{b} \gamma \cdot \sin \theta \cdot (h - r \cos \theta) \cdot dy r d\theta = 0$$

$$N_z = \int_{-\frac{\pi}{2}}^{\frac{\pi}{2}} \int_0^b \gamma \cdot \cos \theta \cdot (h - r \cos \theta) \cdot dy r d\theta =$$

$$=b\cdot r\cdot \left(2h-\frac{\pi r}{2}\right)\gamma$$

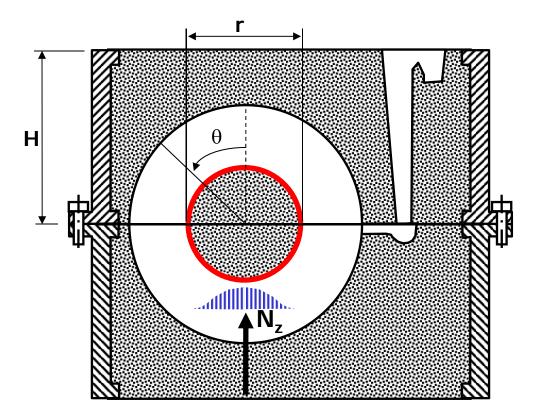


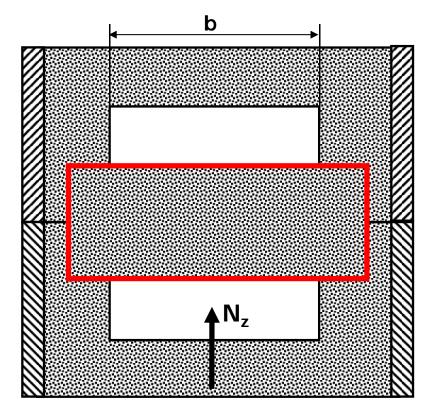
La spinta corrisponde al volume di terra sopra al getto per la densità del metallo



$$N_z = \gamma \left( b \cdot 2r \cdot h - \frac{\pi r^2}{2} \cdot b \right) = b \cdot r \cdot \left( 2h - \frac{\pi r}{2} \right) \gamma$$

# Spinte metallostatiche sulle anime





$$N_{x} = \int_{0}^{2\pi} \int_{0}^{b} \gamma \cdot \sin \theta \cdot (h - r \cos \theta) \cdot dy r d\theta = 0$$

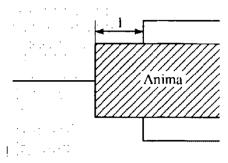
$$N_{y} = \int_{0}^{2\pi} \int_{0}^{b} \gamma \cdot \cos \theta \cdot (h - r \cos \theta) \cdot dy r d\theta = b \cdot \pi \cdot r^{2} \cdot \gamma$$

Volume di liquido spostato dal corpo immerso ≡ spinta di Archimede Le anime sono circondate dal metallo liquido ovunque tranne le loro portate. La spinta di Archimede vale:

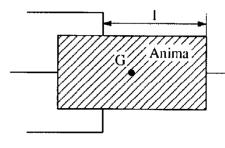
$$F = \gamma_{\text{metallo}} (V_{\text{anima}} - V_{\text{portate}})$$

Nel calcolo della resistenza allo scoperchiamento della staffa, a questo valore bisogna sottrarre il peso dell'anima stessa

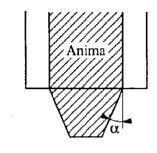
$$P_{anima} = \gamma_{anima} V_{anima}$$



Portata d'anima cilindrica per anima orizzontale su due appoggi



Anima a sbalzo



Portata d'anima per anima verticale

NB: le anime verticali <u>non</u> hanno liquido sulla loro superficie inferiore e quindi non sono soggette a spinte a meno che non abbiano sotto-squadri.